

običnom mikroskopiranju, zbog toga, se upotrebljava izdubljeno ogledalo i sabirno sočivo, kao kondenzor koji sakupljeni zrake usmeravaju na mikroskopirani predmet.

Abe je dokazao da u objektiv ulazi više svetlosti, ukoliko je njegova numerička apertura (otvor) veća. Ona je data izrazom:

$$A = n \sin \eta$$

gde je n indeks prelamanja sredine između predmeta i objektiva, a η je polovina ugla otvora objektiva, u odnosu na tačku A (na optičkoj osi). Granica uvećanja mikroskopa vezana je za njegovu moć razlaganja. Veliko uvećanje nemam opravданja

Ukoliko se predmet (natočito detalji) ne vide jasno. Moć razlaganja je u toliko veća, ukoliko su dve bliske tačke A i B na manjem rastojanju, a vide se odvojeno (sl. 28.22). Neka je sa δ označeno rastojanje pomenutih tačaka, tada se nu ostvu relacije:

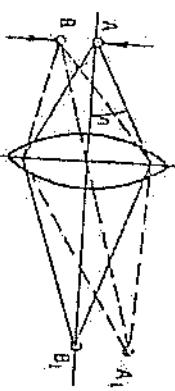
$$\delta = \frac{\lambda}{A} \quad (28.28)$$

gde je λ — talasna dužina upotrebljene svetlosti, A — numerička apertura objektiva. Talasne dužine i ako je numerička apertura A veća,

Recipročna vrednost $1/\delta$ određuje *moć razlaganja*, odnosno:

$$\frac{1}{\delta} = \frac{A}{\lambda} = \frac{n \sin \eta}{\lambda} \quad (28.29)$$

Veća moć razlaganja se postiže, ako se upotrebni monohromatska svetlost kraće razmak $\delta = 10^{-7}$ m (ultraljubičasti mikroskop). Ovo je granica moći razlaganja mikroskopa, a s tim u vezi i granica uvećanja. Dalje povećanje moći razlaganja, odnosno uvećanja, postiže se korišćenjem elektromagnetskog mikroskopa.



Sl. 28.22

III. FIZIČKA (TALASNA) OPTIKA

29. INTERFERENCIJA, DIFRAKCIJA I POLARIZACIJA SVETLOSTI

Postoji nekoliko optičkih fenomena koji se mogu objasniti (opisati) samo počinjući se *talasima* ili *talasne optikom*. U ovom je poglaviju izloženo kako se prilikom prostiranja svetlosti javljaju talasne pojave: *interferencija*, *difrakcija* i *polarizacija* i kako one dokazuju da je svetlost transverzalni elektromagnetski talas.

29.1. INTERFERENCIJA SVETLOSTE: KOHERENTNA SVETLOST

U okviru mehanike (deo I, glava XII) opisana je interferencija mehaničkih talasa. Isaknuto je da se interferencija javlja pri susretu dva talasna poremećaja u elastičnoj sredini i to samo u slučaju ako su talasi koherenti. Efekat interferencije se ogleda u tome da u zavisnosti od stalne faze razlike između talasa na nekim delovima elastične sredine postoje oscilacije velikih amplituda, dok su na drugim delovima amplitude oscilovanja primetno manje. Ako oba talasa potiču od jednog izvora, njihova je fazna razlika određena putnom razlikom δ . Oscilacije maksimalnih amplituda pri susetu talasa jednakih talasnih dužina javljaju se na onim mestima na kojima je putna razlika između talasa jednak celobrojnom umnošku talasne dužine:

$$\delta = k\lambda, \quad k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

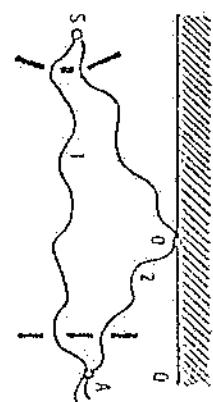
Minimalne amplitudne se nastaju na mestima na kojima je putna razlika jednakana ne-parnom umnošku polovine talasne dužine:

$$\delta = (2k+1) \frac{\lambda}{2}, \quad k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots \quad (29.1)$$

Ako se privati da je svetlost elektromagnetski talas, slična se pojava može očekivati i pri susretu dva snopa svetlosti. Kako je intenzitet svetlosti proporcionalan kvadratu amplitude elektromagnetskih oscilacija, efekat interferencije treba da razvodi svetlih i tamnih mesta na ekranu koji se postavlja na mesto susreta svetlosnih snopova.

Međutim, eksperimenti u kojima je ekran osvetljen sa dva identična svetlosna izvora nisu pokazali efekat interferencije. Ovakvi ogledi ne dovode do interferencije svetlosti, jer svetlost koju zrače prirodni i većina veštacijskih izvora potiče od velikog broja atoma koji emituju na potpuno neureden, haotičan način. Usled toga se i pokazuju pojavi interferencije. Da bi se interferencija svetlosti ostvarila, potrebno

je da talasi koji se sabiraju budu koherenti. Dva svetlosna talasa su koherentni, ako se njihova fazna razlika ne menja tokom vremena. U sredini čija se optička svojstva ne menjaju tokom vremena, uslov koherentnosti mogu da ispunе suino monohromatski talasi (talasi koji imaju strogo definisani talasnu dužinu), pri čemu se talasne dužine dvojice talasa mogu razlikovati. Talasi koji nisu monohromatski, već sadrže određen dijapazon talasnih dužina mogu biti koherenti samo ako potiču od istog izvora.



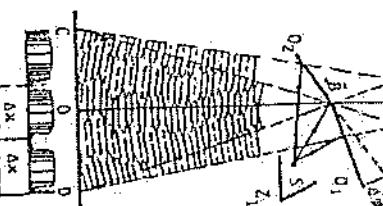
Sl. 29.1.

(sl. 29.1). Pri ponovnom spajanju ovako nastalih koherenitih svetlosnih talasa javlja se interferencijska slika. Na ovaj se način ostvaruje interferencija na Frenelovim ogledalima i na tankim plana-paralelnim providnim slojzvima.

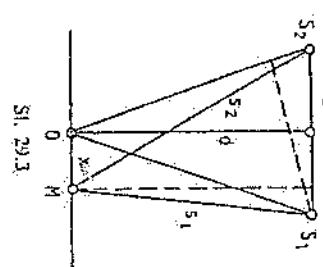
a. Interferencija svetlosti pomoći Frenelovih ogledala

Eksperimentalno utvrđene pojave interferencije svetlosti, bile su prilog u korist talasne (undulacione) teorije o prirodi svetlosti.

Fresnel je 1821. god. genuijano smislijenim eksperimentom pojavu interferencije ostvario oduzimanjem svetlosti od dva rayna ogledala O_1 i O_2 (sl. 29.2) postavljenim pod malim ugлом $\Delta\theta$. Od tačkastog svetlosnog izvora S nastaju u ogledalima dva luka S_1 i S_2 koji dejstvuju kao dva koherenta izvora. Prema tome odbijeni se zraci prostinu, kao da dolaze od dva svetlosna izvora S_1 i S_2 . Pregrada Z , sprečava direktnu svetlost izvora S da padne na zaklon Z . Kako ovi zraci politu



Sl. 29.2.



Sl. 29.3.

od jednog svetlosnog izvora, a prelaze različite puteve, na mestima gde se susreću nastaju naizmenično svetle i tamne pruge. Nastanak svetlih i tamnih pruga proizlazi iz opšthi uslova interferencije talasa (29.1) i (29.2). Za objašnjenje interferentnih pruga i za izračunavanje talasnih dužina može da posluži uprosćena slika (sl. 29.3). Neka je σ udaljenost likova S_1 i S_2 , a d simetrala duži a i normalno

rastojanje od a do tačke O na zaklonu gde se javljaju interferentne pruge. s_1 i s_2 su putevi svetlosnih zraka od svetlosnog izvora do neke tačke M na zaklonu. Sa x je označeno rastojanje od simetrale do svete ili tamne pruge. Posmatrajući sliku interferencije (sl. 29.2) vidi se da se na mestu tačke O javlja sveta pruga, jer je $\delta=0$. Primenom Pitagorinog teoreme na sl. 29.3 putevi koje svetlosni zraci prelaze mogu se izraziti na sledeći način:

$$\begin{aligned} s_1 &= d^2 + \left(\frac{a}{2} - x \right)^2 \\ s_2 &= d^2 + \left(\frac{a}{2} + x \right)^2 \end{aligned} \quad (29.3)$$

Na osnovu do sada recenog može se zaključiti da se koherenti svetlosni snopovi najjednostavnije mogu dobiti cešnjem jednog snopa na više delova način: nastali koherenitih svetlosnih talasa javlja se interferencijska slika. Na ovaj se način ostvaruje interferencija na Frenelovim ogledalima i na tankim plana-paralelnim providnim slojzvima.

Kako su veličine a i x male u poređenju sa s_1 i s_2 , može se napisati: $s_1 \approx s_2 \approx d$ (29.4)

Rešavajujem sistem (29.3) dobija se:

$$s_2^2 - s_1^2 = 2ax,$$

odnosno:

$$s_2 - s_1 = \frac{2ax}{s_1 + s_2} \quad (29.5)$$

Uzimajući u obzir uslove (29.4) i (29.5), razlika puteva δ može se izraziti na sledeći način:

$$\delta = s_2 - s_1 = \frac{a}{d}x \quad (29.6)$$

Ako se putna razlika definisana relacijom (29.2) uključi u izraz (29.6) za tama mesta se dobija:

$$\frac{a}{d}x = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

rešavanjem prethodnog izraza po x dobija se niz rastojanja tamnih pruga (x_1, x_2, x_3, \dots , za $k=0, 1, 2, \dots$) od tačke O , odnosno:

$$x' = (2k+1)\frac{d}{2}\frac{\lambda}{2} \quad (29.7)$$

Ako se, međutim, u relaciju (29.6) uvrsti uslov (29.1) za svetla mesta, dobija se:

$$\frac{a}{d}x = k\lambda,$$

u rešavanjem ovog izraza po x dobija se niz rastojanja svetlih pruga (x_1, x_2, x_3, \dots , za $k=0, 1, 2, \dots$) od tačke O , odnosno:

$$x = k\frac{d}{a}\lambda \quad (29.8)$$

Neka je sa Δx označeno rastojanje između dve susedne svete ili tamne pruge (sl. 29.2). Pomeđu veličinu određuju tada rastojanja tih pruga (svetih ili tamnih) od linije simetrije (tačka O), odnosno:

$$\Delta x = x_{k+1} - x_k.$$

Uvođenjem uslova (29.8) u prethodni izraz, dobija se:

$$\Delta x = \frac{d}{a} \lambda. \quad (29.9)$$

Vidi se da je rastojanje između dve susedne (svete ili tamne) linije direktno сразмерno talasnoj dužini svetlosti i udaljenosti zaklona, a obrnuto сразмерno međudistancijama. Kako se veličine Δx , d i a mogu izmjenjivati, talasna dužina svetlosti se može odrediti pomoću obrazca:

$$\lambda = \frac{a}{d} \Delta x. \quad (29.10)$$

Iz (29.8) se vidi da položaj maksimuma interferentne slike zavisi od talasne dužine svetlosti, te da svaka talasna dužina daje ove položaje na drugom mestu. To znači da se prilikom interferencije polihromatska (složena) svetlost razlaže na monohromatske komponente po talasnim dužinama.

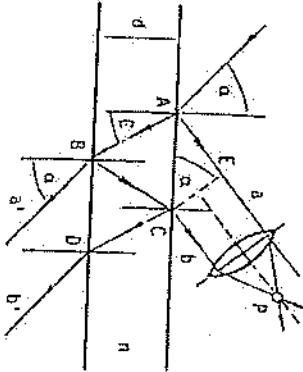
b. Interferencija na tankim slojevima

Pojave prelivanja boja na metaru od sapunice, na tankom sloju ulja na vodi i na kosom prelomu stakla, posledice su interferencije svetlosnih talasa odbijenih od prednje i zadnje površine providnog sloja. Na sl. 29.4 je prikazan jedan sloj deblijine d i indeksa prelamanja n . Svetlostni zrak koji na njega pada pod ugлом α definicijski se prelama $[AB]$, a definiciono se odobja a od gornje površine sloja. Prelomljeni zrak $[AB]$ se definicijski odobja $[BC]$ na gornjoj površini prelama b , koji sada nastavlja paralelni zraku a' . Kako su ova dva zraka koherenata, jer podne od zajedničkog upadnog zraka, to oni interferiraju u tački P . Od razlike puteva između zraka a i zraka b zavise efekti interferencije. Geometrijska razlika puteva je: $[AB] + [BC] - [AE]$, a optička razlika poveva je:

$$\delta = n \{[AB] + [BC]\} - [AE] \pm \frac{\lambda}{2} \quad (29.11)$$

Pri odbijanju zraka a od gušće sredine dolazi do promene faze (fazni skok) za π , što odgovara putnoj razlici od $\lambda/2$. Sa sl. 29.4 se vidi da je:

$$n \{[AB] + [BC]\} = \frac{2nd}{\cos \beta}.$$



Sl. 29.4

Iz ΔABC sledi:

$$[AC] = 2d \operatorname{tg} \beta.$$

pa se dobija:

$$[AE] = 2d \operatorname{tg} \beta \sin \alpha \pm \frac{\lambda}{2}$$

Na osnovu dobijenih rezultata razlika puteva se može izraziti u obliku:

$$\delta = 2 \frac{nd}{\cos \beta} - 2d \operatorname{tg} \beta \sin \alpha \pm \frac{\lambda}{2} \quad (29.12)$$

Uvođenjem uslova:

$$\sin \beta = \frac{1}{n} \sin \alpha, \quad \cos \beta = \sqrt{1 - \frac{1}{n^2} \sin^2 \alpha},$$

relacija (29.12) se može uprostiti:

$$\delta = 2d \frac{1}{n^2} - \sin^2 \alpha \pm \frac{\lambda}{2} \quad (29.13)$$

Premda tome, u tački P nastupa pojačanje kada je ispunjen uslov:

$$2d \frac{1}{n^2} - \sin^2 \alpha \pm \frac{\lambda}{2} = k\lambda, \quad (k = 0, 1, 2, \dots),$$

odnosno:

$$2d \frac{1}{n^2} - \sin^2 \alpha = (2k+1) \frac{\lambda}{2} \quad (29.14)$$

Slabljenje u tački P nastupa kada je ispunjen sledeći uslov:

$$2d \frac{1}{n^2} - \sin^2 \alpha \pm \frac{\lambda}{2} = (2k+1) \frac{\lambda}{2},$$

odnosno:

$$2d \frac{1}{n^2} - \sin^2 \alpha = k\lambda \quad (29.15)$$

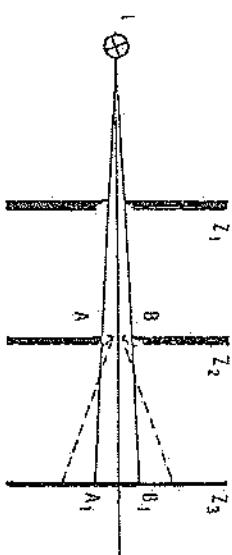
Za propusene zrake a' i b' uslovi interferencije su obrnuti od ovih, koji važe za odbijene zrake.

Prema boji tankih listica i razvjetnih boja, može se centrirati i debljina tih listica. Na taj se način može dokazati da se sloj ulja na vodi može razvjeti do monomolekulskog sloja, a time i odrediti red veličine prečnika molekula u vijemu.

29.2. DIFRAKCIJA SVETLOSTI

Zakoni geometrijske optike su izvedeni pod pretpostavkom da se svetlost prostire pravolinjski. Međutim, kako na svom putu svetlost pada na telu ili površinu nehomogenog medija, može poređati sa talasnom dužinom svetlosti, tada se javljaju pojavе difracije (savijanja) svetlosti. Na primer, ukoliko se bela svetlost tankog svetlosnog izvora L (sl. 29.5) propusti kroz pukotinu zaklona Z_1 i kroz paralelnu postavljenu drugu pukotinu na zaklonu Z_2 , tada se na zaklonu Z_2 vidi slika pukotina A, B , odnosno a, b , kao posledica pravolinjskog proširujućeg svetlosti. Međutim, ako se pukotina na zaklonu Z_2 po širini smanji, na zaklonu Z_2 levo i desno od

centralnog luka, zapazaju se obje povezane slike, isprekidane tamnim medijima. Ukoliko se pukotina i dalje sužava, osvetljeno područje između Z_2 i Z_3 se širi i intenzitet linija opada sa udaljavanjem od centralnog luka. Očito je da svjetlost u ovom slučaju odstupa od pravolinjskog prostirjanja, tj. da po izlasku iz sužene pu-



Sl. 29.5

kotine skretie (savija). Slično se dešava ako svjetlost napreduje na uske prepreke. U slučaju obložene pruge nastaju kao posledica interferencije savijene svjetlosti. Skretanje svjetlostih zraka od pravolinjskog prostirjanja naziva se *difrakcija* ili *savijanje svjetlosti*. I kod talasnih kretanja drugih oblika najčešći su na slične pojave. Na primer, kod talasa na vodi, ili zvučnih talasu. Kako se, međutim, ove pojave zapazaju i kod svjetlosti, ovo ide u prilog talasnoj teoriji o prirodi svjetlosti.

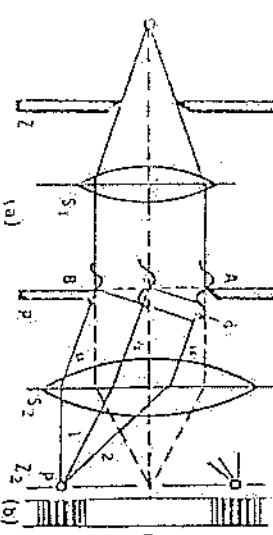
Zraci svjetlosti koji padaju na pukotinu mogu biti paralelni ili mogu doći iz pod određenim ugлом. Ako su na celokupnom putu od izvora do ekranu zraci paralelni, nastaje difrakcija Fraunhoferovog tipa. Kod difrakcije Fresnelovog tipa zraci mogu biti divergentni ili konvergentni. Na ovom se mestu razmatra samo difrakcija Fraunhoferovog tipa kod koje se svjetlost ponosi kao ravan talas (tina ravan talasni front). Kao što je rečeno, ponuku difrakcije redovno prati pojava interferencije između savijenih svjetlostih zraka između kojih postoji određena putna fazna razlika.

Potrebito je istaći da se pojava difrakcije bitno razlikuje od prelamanja svjetlosti. Prilikom prelamanja, proučena pravca upadnog talasa dešava se na granici dve fizički raznoredne sredine, različiti optički gubitci. Na toj se granici nebjiju brzina preosticanja talasa i njegova talasna dužina. Difrakcija se odigrava prilikom prosliranja u jednoj istoj sredini, kada talas u svom kretanju slijedi „zakadi“ granicu između sredina.

a: Difrakcija na pukotini

Nastajak difrakcione slike pri prolasku svjetlosti kroz pukotinu može da se objasni pomoću Huygensovog principa. Posmatratno tačasti svetlosni izvor I (sl. 29.6. a) koji se nalazi u žizi sočivo S_1 emituje monohromatsku svjetlost. Svjetlost se pomoću zaklona Z usmerava na sabirno sočivo S_2 na kojem se prelazi. Prema Huygensovom principu, svaka tačka pukotinе postaje izvor novih svjetlostih zraka koji padaju na sočivo S_2 i sakupljaju se na zaklonu Z . Svi paralelni zraci koji napuštaju pukotinu pod određenim ugлом α fokusiraju se u jednu tačku na zaklonu. Na ovaj se način, usled difrakcije na pukotini P , na zaklonu stvara interferaciona slika (sl. 29.6. b), koja se sastoji od široke svetle

trake na sredini ($z=0$) i okružena je nizom svetlih i tamnih mesta. Svjetlost koja stiže do sočiva S_2 sastoji se od velikog broja ravnih talasa. Svi ovi talasi su koherentni (potiču iz istog izvora) i uzajamno se razlikuju samo po fazama. Fuzna razlika



Sl. 29.6

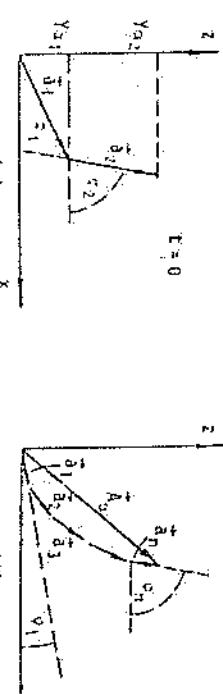
između paralelnih ravnih talasa koji se prostiru pod uglom α nastaje usted njihove putne razlike. Bilo koji i -ti ravan talas može se opisati prostom jednačinom:

$$y_{ai} = Y_{20} \sin(\omega t + \varphi_i) \quad (29.16)$$

Sabiranjem doprinosu svih talasa y_{ai} dobija se jednačina svjetlostih oscilacija na ekranu:

$$Y_{20} = \sum_{i=1}^n y_{ai} \sin(\omega t + \varphi_i), \quad n \rightarrow \infty \quad (29.17)$$

Problem sabiranja velikog broja vremenskih funkcija koje se razlikuju samo po fazama može se svesti na sabiranje vektora (kao što je učinjeno ranije, Talasno kretanje, Deo I). Svaki od funkcija tipa (29.16) predstavlja se vektor \vec{a}_{ai} koji u gornjem brozinom o rotira oko koordinatnog početka, pri čemu amplituda Y_{20} odgovara dužina (modulo) vektora, a početnoj fazici φ_i odgovara ugao koji obrazuju pravac vektora i x -osa (u trenutku $t=0$). Elongacija Y_{20} se dobija kao projekcija vektora (u protivljenju trenutku vremena t) na z -osu (sl. 29.7. a). Amplituda rezultujućih oscilacija



Sl. 29.7

određuje se prema pravilima vektorskog sabiranja $A_{20} = \sum a_{2i}$, kao što je na sl. 29.7. b prikazano. Očigledno je da amplituda oscilacija (odnosno dužina, modul, vektora A_{20}) postaje jednaka nuli, ako sistem vektora sabiraka obrazuje zatvoreni poligon

U ovoj raspodeli postoje i sporedni maksimumi (maksimumi manje intenziteta) koji nastaju pod takvim uglovim, koji između prvog i n -tog snopa svrata faznu razliku od 180° (sl. 29.10), tj. kada je:

$$N \Delta \varphi_{i,i+1} = \pm (2k+1) \pi \quad (29.29)$$

Položaji sporednih maksimuma su na osnovu (29.29) i (29.25) dati sa:

$$\sin x = \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2cN} \quad (29.30)$$

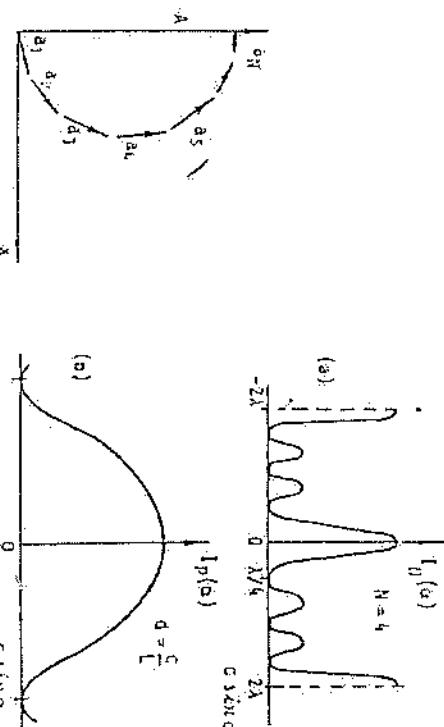
Nultu dužinu (modulo) vektora \vec{A}_x , odnosno minimum interferencione slike daje fazna razlika koja zadovoljava uslov:

$$N \Delta \varphi_{i,i+1} = \pm 2k\pi \quad (29.31)$$

pa minimumi odgovaraju uglovima:

$$x = \pm \arcsin \frac{k\lambda}{cN} \quad (29.32)$$

Dobijeni uslov za minimum važi samo ako je k različito od $0, N/2, N, \dots$, jer se samo tada razlikuje od uslova za maksimume. Interferenciona slika od $N=4$ snopa prikazana je na sl. 29.11. a.



Sl. 29.10

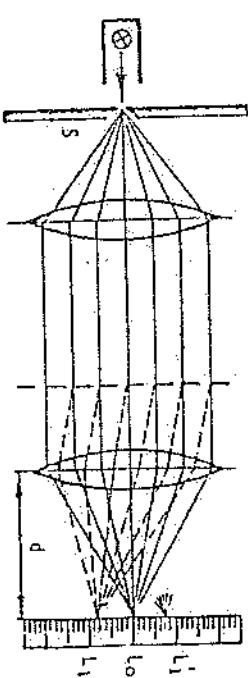
Sl. 29.11

Raspodela intenziteta usled difrakcije na pukotinama $I_p(x)$ je prikazana na sl. 29.11. b, za sirinu pukotine $d=\epsilon/2$. Kao što je već istaknuto interferenciona slika režete se dobija množenjem dve pomenute raspodele. To znači da se visine maksimuma na sl. 29.11. a menjaju tako da kriva na sl. 29.11. b bude njihova obvojnica. Od svih glavnih maksimuma raspodele I_N u raspodeli I ostaju samo oni koji se ne poklapaju sa mestom minimuma raspodеле I_p . Znači glavni maksimumi u raspodeli

I se javljaju na svim mestima koje određuje uslov (29.28), semi onih za koje je k celobrojni unapredak odnosa c/d (ovaj odnos je obično ceo broj). Sa povećanjem broja pukotina N na rešetki, broj sporednih maksimuma između dva glavna maksimuma se povećava, ali im intenzitet zanutro opada.

Brojna vrednost konstante k u relaciji (29.28) određuje red interferencije. Prema tome, razlikuju se interferentni maksimumi prvog $k=1$, drugog $k=2, \dots$, reda. Sa povećanjem reda interferencije visina maksimuma opada.

Iz (29.28) i (29.32) vidi se da položaj interferentne slike zavisi od talasne dužine svetlosti. Ako se rešetka ozriči složenom (polihromatskom) svetlošću, ona se u interferentnoj slici razlaže na komponente. Oko nultog maksimuma koji ostaje nerazložen (jer za $k=0$, položaj maksimuma je $x=0$, nezavisno od λ) simetrično se javljaju spektari svetlosnog izvora (sl. 29.12) u pojedini redovima interferencije. U ovim spektrima ljučištas (kratkotolasti) deo savija magje od crvenog (dugo-



Sl. 29.12

talasnog) dela. U spektrima prvog reda ($k=1$) koji se javljuju pod malim uglovima skretanja x , kada važi $\sin x \approx x$, skretanje je direktno сразмерno talasnoj dužini. S obzirom na ovu osobinu kaže se da rešetka daje normalan spektar (ima linearnu disperziju).

U optičkoj spektroskopiji se često koristi rešetka za merenje talasne dužine i intenziteta spektralnih linija. Ako je konstanta rešetke c poznata, može se merenjem ugla skretanja x pomoću relacije (29.28) odrediti talasna dužina spektralne linije. Kod istraživanja složenih spekara, veoma važna karakteristika rešetke je moć razlaganja. Moć razlaganja D pokazuje na koji ugao može rešetka razložiti dve bliske spektralne linije i definisane se relacijom:

$$D = \frac{dx}{d\lambda} \quad (29.33)$$

Moć razlaganja rešetke se može izračunati diferenciranjem relacije (29.28) što daje:

$$\cos x dx = \frac{k}{c} d\lambda \quad (29.34)$$

odakle se dobija:

$$D = \frac{k}{c \cos x} \quad (29.35)$$

Za male uglove α može se primeniti aproksimacija $\cos \alpha \approx 1$, pa se moć razlaganja

$$D \approx \frac{k}{c} \quad (29.36)$$

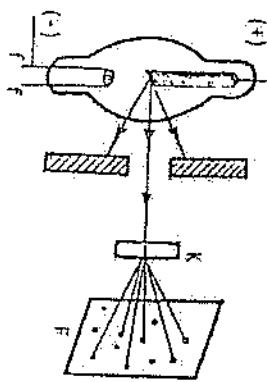
Kao što se vidi na osnovu dobijenih relacija, moć razlaganja rešetke se povećava smanjenjem konstante rešetke. Moć razlaganja rešetke se povećava i redom interferencije. Međutim, spektari višeg reda su obično veoma slabog intenziteta i mogu se užajamno prekrivati.

U poređenju sa disperzijom svelosnosti kroz prizmu, rešetka daje bolje razloženje, normalan spektar. Disperzija u slučaju prizme nije linearna, svetlosni zraci kraci talasne dužine skreću više.

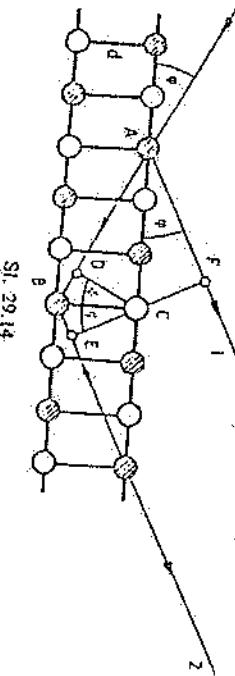
c. Difrakcija X-zraka

X-zrake je otkrio Renniger 1895. god., pa se oni danas nazivaju rendgenski zraci. To su zruci elektromagnetske prirode, talasna dužina im se nalazi u intervalu 0,001 nm do 10 nm, a javljaju se na neskim gde se brzi elektroni nego koče. To se obično postiže pomoću vakuumske rendgenske cevi, čije je funkcionsanje datu shematski na sl. 29.13. Usljed katode K i antikatode A , elektroni dobijaju vrlo velike brzine i udaraju u anlikatodu, sa koje dolazi do emisije X-zraka.

S obzirom na male talasne dužine rendgenskih zraka, njihova se interferencesna rasporedi mogu poslužiti kao difrakciona prostorna rešetka za X-zraka. Pravilno rasporedeni atomi u kristalu čine rešetku, na kojoj se javlja primetna difrakcija rešetki NaCl.



Sl. 29.13



Sl. 29.14

Breg je jednostavno objasnio pojavu difrakcije X-zraka putem refleksije na pojedinim ravnima rešetke. Horizontalne linije predstavljaju ravninu kristala, na koje pada usak snop zraka. Ugao φ između zraka i ravnini naziva se ugao sjaja. Na svakoj

ravni jedan se deo upadnog zračenja odbija po zakonu odbijanja i svi nizovi talasa odbijenih od ravnini pod ugлом φ nalaze se u fazi. Intenzitet odbijenog zraka može biti primetan samo u slučaju ako se u sted interferencesa sa zracima odbijenim od susednih ravnina pojača. Ovo nastupa u slučaju ako im je putna razlika cijelom brojem talasnih dužina $k\lambda$. Na sl. 29.14 se vidi da je $[4F] = [4D]$, tako da zrak 2 prelazi duži put nego zrak 1. Ova razlika iznosi $[DB] + [BE]$ ili $2[D'B]$. Ako je d rastojanje između dve susedne ravnine rešetke, tada je: $2[D'B] = 2d \sin \varphi$. Prema tome, reflektovani zrak ima pojačan intenzitet ako je:

$$\sin \varphi = \frac{k\lambda}{2d} \quad (29.37)$$

Relacija (29.37) je poznata kao Bregov zakon. Ugao φ može da se odredi posmatranjem odbijenog snopa i tada se može odrediti λ kako je poznato d , ili obrnuto.

Na sl. 29.15 prikazana je fotografija koja je dobijena upravljanjem uskog snopa X-zraka na tanku pločicu kristala kvarc-a i hvatanjem difraktovanog snopa na fotografsku ploču. Svaka tačka odgovara odbijanju od posebnog niza kristalnih ravnina.

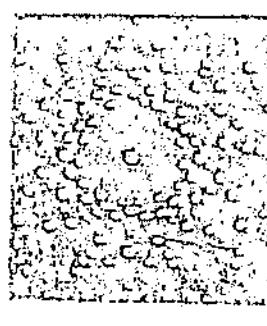
Difrakcija X-zraka (i neutrona) na kristalima može se koristiti ne samo za merenje talasnih dužina rendgenskih zraka, nego i za rešenje obrnutog zadatka, za određivanje strukture kristala pri korišćenju zraka poznatih talasnih dužina. Detaljno izučavanje oblike difrakcionih slika na raznim kristalima omogućava da se utvrdi geometrijski tip njima odgovarajućih rešetki. Ispit-

vanja ove vrste razvila su se dansu u samostalnu granu fizike, poznatu pod nazivom *rendgenska struktura analiza*. Rendgenska strukturalna analiza nalazi široku primenu i u kristalografskoj i u tehnici, gde predstavlja važan metod za izučavanje svojstava materijala (čelika, legura, obojenih metala itd.).

Sl. 29.15

29.3. POLARIZACIJA SVETLOSTI

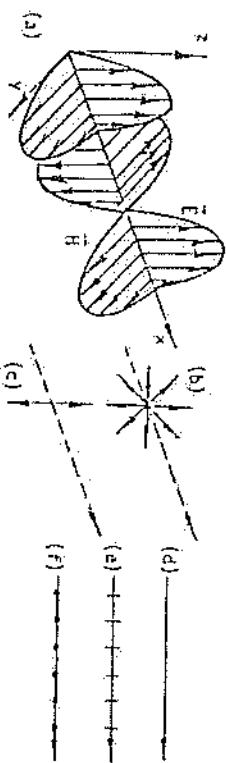
Interferencijska i difrakcija svetlosti su pojave koje potvrđuju da je svetlost transverzalni ili longitudinalni. U transverzalnom talasu, koji se prostire u pravcu a' (sl. 29.16, a), sve tačke optičke sredine izvode oscilacije u određenoj ravni AB .



Sl. 29.16

Premda tome, transverzalni talas u odnosu na ravan ravni postavljenje kroz pravac njegovog prostiranja, ima različita svojstva. U fengijudalnom talasu, međutim, oscilacija se vrše duž pravca prostiranja talasa a' i njegova svojstva su ista u odnosu na bilo koju AB (sl. 29.16. b), postavljenu kroz pravac njegovog prostiranja. Pojava polarizacije svetlosti daje nedvosmislen dokaz da je svetlost transverzalni elektromagnetski talas.

Pod pojmom polarizacije podrazumeva se proces takvog uzajamnog dejstva prirode svetlosti i neke materijalne sredine, pri kojem se prirodna svetlost pretvara u polarizovanu svetlost. Eksperimentalno je utvrđeno da se svetlost sastoji od transverzalnih elektromagnetskih talasa sa uzajamno normalnim vektorima električnog \vec{E} i magnetnog polja \vec{H} (sl. 29.17. a) koji su normalni na pravac prostiranja svetlosti.



Sl. 29.17

Svetlosni talas koji je emitovan od strane jednog određenog atoma svetlosnog izvora u jednom aktu emisije (prelaskom elektrona sa pobudjenog na osnovno stanje atoma)

jma važnu osobinu da mu vektor električnog polja \vec{E} osciluje u strogo određenoj ravni xy (sl. 29.17. a); a vektor magnetskog polja \vec{H} takođe u određenoj ravni yx . Talas ovakvih osobina naziva se *linearno polarizovan talas*, jer u bilo kojoj tački duž njegovog prostiranja vektori \vec{E} i \vec{H} zadizavaju polaznu ravan oscilovanja. Do-

govorom je usvojeno da se vektor jačine električnog polja \vec{E} naziva *svetlosni vektor* i koristi se za opis pojava u optici. Ravan u kojoj osciluje vektor električnog polja \vec{E} naziva se *ravan oscilovanja svetlosti*. Takođe se naziva *ravan normalna na ravan oscilovanja svetlosnog vektora* i *ravan normalna na ravan oscilovanja svetlosti*.

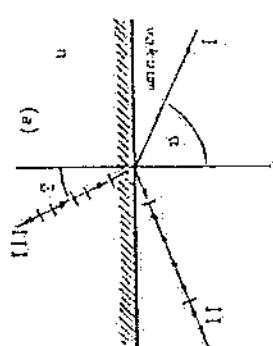
Svakaki realni izvor svetlosti sastoji se iz velikog broja atoma i molekula, koji zrače svetlosne talase pojedino neuređeno, sa svim mogućim orientacijama ravnih oscilovanja, normalnih na pravac prostiranja (sl. 29.17. b). Ovakva svetlost nije polariзовana i naziva se *nepolarizovana ili prirodna svetlost*. Između tada pojedini talasi ne postoje nikakva veza, one su holočično raspoređene. Kod linearno polarizovane svetlosti svetlosni vektor menja intenzitet i smjer, a pravac mu ostaje isti (sl. 29.17. c).

Da bi se na crtežima polarizovani zrak razlikovalo od prirodnog, usvojeno je da se: prirodnji zrak predstavlja pravom linijom (sl. 29.17. d), linearno polarizovani zrak čija se ravan oscilovanja poklapa sa ravnim crtežom predstavlja kao prava linija sa crticama (sl. 29.17. e), a ako je ravan oscilovanja normalna na ravan crteža, označava se pravom linijom sa tačkama (sl. 29.17. f).

Svetlost može biti delimično linearno polarizovana⁷⁴, kao i cirkularno i eliptično polarizovana. Na ovom će mestu govoriti samo o linearno polarizovanoj svetlosti. Linearno polarizovana svetlost se može dobijati na više načina, kao što su: odbijanje, dvojno prelamanje, selektivna apsorpcija raseljanjem, proklaskom svetlosti ili njenim preimanjem kroz optički anizotropna telova itd.

a. Polarizacija svetlosti odbijanjem

Kada se svetlosni zrak pusti pod izvesnim углом α na granicnu površinu vazduh-providna sredina, on se jednim delom odbija, a drugim prelama na osnovu zakona prelamanja, odnosno odbijanja (sl. 29.18 a). Odbijeni i prelomljeni zrak su



Sl. 29.18

pri tome delimično linearno polarizovani, a njihove ravnine polarizacije stoje međusobno normalno (odbijeni zrak je polarizovan u ravnini koja je paralelna upadnoj ravni, dok je prelomljeni zrak polarizovan u ravnini koja je normalna na upadnu ravan, sl. 29.18. b).

Engleski fizičar Brewster je našao da se maksimalna linearna polarizacija postiže pri onom upadnom ugлу α (sl. 29.19) čiji odbijeni i prelomljeni zrak obrazuju prav ugao. Taj se ugao naziva *polarizacioni ugao*. Sa sl. 29.19 se vidi da je:

$$\beta = 90^\circ - \alpha,$$

a kako je:

$$n_{2,1} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta},$$

ili

$$n_{2,1} = \frac{\sin \alpha}{\sin (90^\circ - \alpha)} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha},$$

Sl. 29.19

$$n_{2,1} = \operatorname{tg} \alpha.$$

odnosno

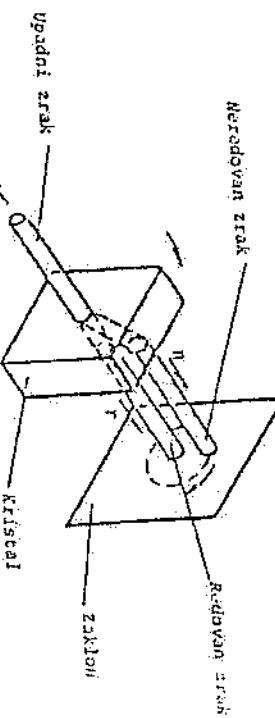
⁷⁴ Kada su crteži talase pretežno sa svetlosnim vektorom orijentisanim u jednom pravcu a manji broj u ostalim pravcima.

⁷⁵ Pod opštki anizotropni sredinom podrazumeva se ona čija su opšta svojstva (brzina prostiranja svetlosti, indeks prelamanja i dr.) različita u različitim pravcima.

Znači, da se na osnovu poznatog indeksa prelamanja može izračunati polarizacioni ugao. Na primer, za vazduh i kronsaklo čiji je indeks prelamanja $n_{2,1} = 1,52$, polarizacioni ugao iznosi oko 57° . Pri nekom drugom ugлу upadnog zraka, polarizacija je samo delimična.

b. Dvojno prelamanje

Ako se slova posmatraju kroz kristal islandskog kalcita, CaCO_3 , vide se udvojena. Obrtanjem kristala jedna slika mijenja, dok se druga obreće u krug zajedno sa kristalom. Ista se pojava opaza, ako se zrak slijep paralelne svjetlosti propusti kroz kristal islandskog kalcita (sl. 29.20). Na zaklonu se vide dva lika: jedan r u privjetru i njegov indeks prelamanja ($1,65$) je konstantan za svaki upadni ugao.



Sl. 29.20

bitnom pravcu, a drugi n , pomeren u stranu. Obrtanjem kristala oko zraka r ova ostaje nepokretna, a drugi se obrće oko nje. Iz ovoga se može zaključiti da kristal deli prirodni zrak na dva dela, zraka, koji se različito prelамaju. Prvi r , se prelama po zakonima prelamanja i naziva se *redovan zrak*, a drugi n , odstupa od ovih zakona i naziva se *neredovan zrak*.

Ako se kroz kristal propusti linearno polarizovana svjetlost, likovi su u opštem slučaju, različitog intenziteta. Obrtanjem kristala za 360° , intenzitet likova se menju od maksimalne vrednosti do gaseњa i to tako da je jedan ugašen, kada drugi ima maksimalan intenzitet. Iz ove se analize može ustanoviti da su oba zraka, redovan i neredovan, linearno polarizovani i da su njihove polarizacione ravni međusobno normalne.

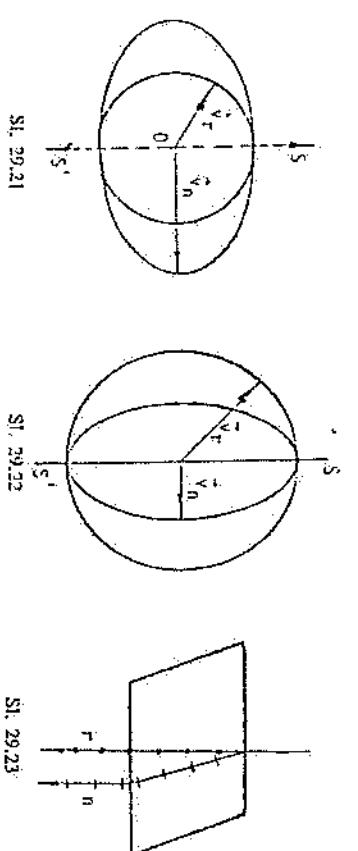
Dvojno prelamanju islandski kalcit, turmalin, kvart, hercigmat i mnogi drugi providni kristali.

Pojave dvojnog prelamanja su posledice kristalne strukture. Optičke osobine kristala nisu u svim pravcima jednake i brzina svjetlosti zavisi od pravca svetlosnog zraka u kristalu. Jedino u pravcu optičke ose kristala redovan i neredovan zrak imaju jednaku brzinu, a u svim ostalim pravcima njihove su brzine različite. Prema tome i indeks prelamanja je u tom slučaju jednak za oba zraka u pravcu optičke ose, a tada se, logično, upadni zrak ne udvaja.

Premda Haigenu, švedski su (sl. 29.21) prikazane brzine redovnog i neredovnog zraka iz jedne tačke O u kristalu kalcita. Kako su te brzine različite, na sl. 29.21 krug i elipsa predstavljaju preseke površine lopte i rotacionog elipsoida, do kojih su došlići talasi redovnog i neredovnog zraka. Loptasta površina pripada redovnom, a elipsoidna neredovnom zraku.

U pravcu optičke ose talasi redovnog i neredovnog zraka stazu do jednakog udaljenosti (pravac ose ne treba zameniti sa pravom). Prema tome, u pravcu ose oba zraka imaju jednaku brzinu. Kao što se vidi, redovan zrak ima u svim pravcima jednaku brzinu i njegove su talasne površine sfersne. On se potasa po zakonu prelamanja i njegov indeks prelamanja ($1,65$) je konstantan za svaki upadni ugao.

Brzina neredovnog zraka je promenljiva, njegove talasne površine su elipsoidi. Jasno je da je i njegov indeks prelamanja promenljiv. Najeću vrednost indeksa prelamanja je u slučaju kada zrak prolazi paralelno optičkoj ose, ona je tada jednaka vrednosti indeksa prelamanja redovnog zraka ($1,65$). Najmanji indeks prelamanja javlja se u slučaju kada je pravac upadnog zraka normalan na pravac optičke ose. Prema tome, indeks prelamanja neredovnog zraka zavisi od upadnog ugla i u slučaju kada svjetlost pada u pravcu optičke ose (sl. 29.21), jedino se onda zrak ne deli. Kristali koji imaju jednu optičku osu nazivaju se jednoosni (kristali tetragonalnog i heksagonalnog sistema). Znači, kristal islandskog kalcita je optički jednoosan.



Sl. 29.21

Sl. 29.22

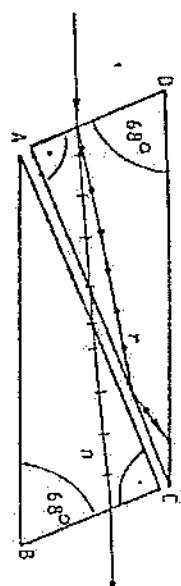
Sl. 29.23

Pošto je jednoosni kristali, na primer, kvart kod kojih je stvarna brzina redovnog zraka veća, a njegov indeks prelamanja manji u odnosu na neredovan zrak. U prvom slučaju kristali pokazuju negativno dvojno prelamanje (sl. 29.21), a u drugom pozitivno (sl. 29.22). Kako je rečeno, dvojnim prelamanjem prirodne svjetlosi dobiju se linearno polarizovani izlazni zraci, kod kojih su ravni oscilovanja redovnog i neredovnog zraka međusobno normalni (sl. 29.23). Kako su izlazni zraci blizu jedan drugom, da bi se polarizovana svjetlost dobijena dvojnim prelamanjem mogla koristiti, jedan od ova dva zraka mora se ukloniti.

1. Nikolova prizma. Oklanjanje jednog od dva zraka engleski fizičar Nikol je postigao pomoću prizme. Ista je po njemu nazvana *Nikolova prizma*. Osnove kristala islandskog kalcita se izbruse tako da se bočnim stranama obrazuju ugao od

68°. Kristal se zatim prečže po ravni AC koja je normalna na oba osovine. Na sl. 29.24 prikazan je uždužni presek Nikotove prizme. Presek se uglača i slegi kanada-balzama (vrsta smole).

Kada na ovakuju prizmu pada prirođeni zrak, tada se deli na redovan i neredovan. Indeks prelamanja za redovan zrak je veći (1,658), a za neredovan je manji (1,468) od indeksa prelamanja kanada-balzama (1,53). Kako redovan zrak pada na



Sl. 29.24

kanada-balzam pod većim upadnim углом od grančnog ugla (68°), on se od stoja kanada-balzama totalno reflektuje i odvaja od neredovnog zraka. Prema indeksu prelamanja (1,658) redovnog zraka, vidi se da je kalcit za njega optički grijča sredina od kanada-balzama, zbog čega i dolazi do totalne refleksije. Neredovan zrak, za koji je kalcit optički reda sredina od kanada-balzama, prolazi kroz prizmu i kao linearno polarizovan izlazi iz nje. Redovan zrak je apsorbovan slojem crne boje kojom je prenacana prizma. Na ovaj se način, dvojnim prelamanjem, dobija linearno polarizovana svetlost.

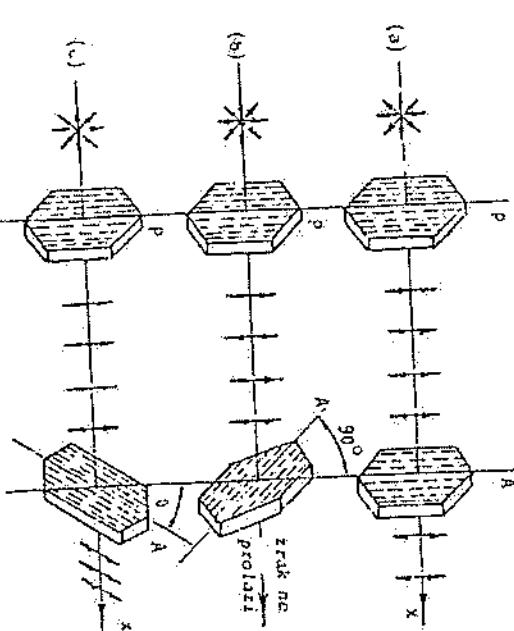
Neki kristali (turmalin, hepatit, jodklin i dr.), posred dvojnog prelamanja, imaju osobinu da jedan polarizovani zrak više apsorbuju od drugog, pa se na taj način takođe može dobiti polarizovana svetlost. Pločice turmalina seće paralelno glavnoj kristalografskoj osi, apsorbujući redovan zrak, a neredovan zrak izlazi kao linearno polarizovan.

Optički sistem koji polarizuje prirodu svetlost naziva se *polarizator*, a sistem kojim se utvrđuje da je svetlost polarizovana, naziva se *analizator*. Na sl. 29.25 prikazan je sistem koji sačinjavaju polarizator *P* i analizator *A*. Pomoću ovakvog sistema se može utvrditi da li je neka svetlost linearno polarizovana, jer ako se polarizovana svetlost vidi, ne može se neposredno slobodnim okom razlikovati od prirodne svetlosti. Nakon protaska kroz polarizator *P* obično svetlost prelazi u polarizovanu, čija je ravnan oscilovanja na sl. 29.25, a vertikalna. Ako je osa analizatora *A* paralelna osi polarizatora *P*, polarizovana svetlost prolazi kroz analizator. Kada osa polarizatora i analizatora obrazuju ugao od 90° (sl. 29.25, b) (ukrešeni položaj), polarizovana svetlost ne može da prođe kroz analizator, jer je u celiini apsorbovana u analizatoru. Kada su ose polarizatora i analizatora pod pravouglim uglom (sl. 29.25 c), kroz analizator prolazi samo deo svetlosti. Zavisnost intenziteta svetlosti propuštenec kroz analizator od ugla obrtanja analizatora θ data je relacijom:

$$I = I_0 \cos^2 \theta \quad (29.39)$$

gde je I_0 intenzitet svetlosti koja pada na analizator. Relacija (29.39) izražava *Malov-Zakon*, čija je formulacija: *Intenzitet svetlosti koji propušta analizator srazmeran je kvadratu kosinusa ugla između analizatora i polarizatora*. Ovaj se zakon odnosi na

relativni intenzitet svetlosti, tj. intenzitet po odbitu apsorpcije. Daljim obtanjem analizatora (za $\theta > \pi/2$) prokes se ponavlja. Ako se analizator obrne za π , svetlost se ponovo javlja, a za $3\pi/2$ ponovo gasi itd.



Sl. 29.25

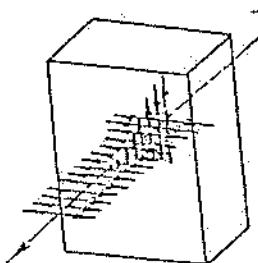
c. Polarizacija pomoću selektivne apsorpcije. Polaroidi

Izvesni kristali (na primer, turmalin) imaju osobinu da osim razlažanja svetlosti u redovan i neredovan zrak pokazuju i znatno veću apsorpciju za jedan od njih. Ova se pojava naziva selektivna apsorpcija (diptroizam). Na sl. 29.26 prikazan je ovakav način dobijanja polarizovane svetlosti.

Zrak prirodne (nepolarizovane) svetlosti prolazi kroz kristal, u kojem se javlja dvojno prelamanje. Redovan zrak (koji nu sliči osciluje u horizontalnoj ravni), ukoliko je put kroz kristal dovoljno dug, biva potpuno apsorbovan, a neredovan (koji na slici osciluje u vertikalnoj ravni) prolazi kroz kristal veoma malo apsorbovan. Na taj se način na izlaznoj strani kristala pretičemo, dobija jedan polarizovan zrak, što je i bio cilj.

Za dobijanje polarizovane svetlosti često se koriste tzv. *polaroidi*. Polaroid sačinjava prozračan tanak film od zelulina, u kojem su posebnim tehnološkim postupkom ugradeni veoma sitni igličasti kristali herpatita (kristala kinij-jodsulfata), tako ovi polarioidi daju samo prebrojno linearno polarizovanu svetlost, njihova je prednost u tome što se mogu izraditi u dovoljno velikim dimenzijama i ekonomičniji su za praktičan rad.

Sl. 29.26



Sl. 29.27

d. Obrtanje polarizacione ravni. Optička aktivnost

Gledajući kroz ukušene Nikolove prizme monohromatsku svetlost, posmatrano polje je tamno. Ako se između njih stavi pločica od kvarta, setčen okomito na optičku osu, polje posmatranja postaje svetlo. Da bi se gesenje ponovo posiglo, analizator se mora obrnuti za izvestan ugao α . To znači da je svetlost koju prolazi kroz pločicu ostala linearno polarizovana, ali da se ravan oscilovanja, odnosno polarizaciona ravan u kvartu obrnula za izvestan ugao α . Taj se ugao naziva ugao obrtanja kvarta (rotacije), i on zavisi od debeline ploče i od tafasne dužine svetlosti.

Osbibnu obrtanju polarizacione ravni osim kvarta imaju i neki drugi kristali, zatim rastvori organskih materijala, na primer šećera, vinske kiseline itd. Takovi se materijali nazivaju *optički aktivne supstance*. Neke od ovih supstanci obrnu polarizacionu ravan udesno, a neke ulevо, računajući smjer obrtanja prema tome u kiju se stranu obrće analizator, da posmatrano polje bude ponovo tamno. Neki kristali kvarta imaju desnu (desni kvac), a neki levu rotaciju (levi kvac).

Obrtanje ravnih oscilovanja nastaje usled asimetrije molekula kod optički aktivnih supstanci. Asimetrična organska jedinjenja sadže atom ugrijenika kod kojeg su za četiri veze vezane različite funkcionalne grupe, kao, na primer, kod mlečne kiseline ($\text{CH}_3\text{—CHOH—COOH}$).

Ako se umesto monohromatske svetlosti propusti bela svetlost kroz pločicu kvarta, svakoj tafasnoj dužini odgovara drugi ugao obrtanja i prema tome, dobija se, za različite položaje analizatora, različito oblikovano vidno polje. Nejmanji ugao je za crvenu (za kristal kvarta iznosi 15°), a najveći za ljubičastu (za kristal kvarta iznosi 50°) svetlost (slično prelamanju kroz prizmu). Na sl. 29.27 je prikazan ugao obrtanja polarizacione ravnih različitih tafasnih dužina (crvene, žute, ... ljubičaste) svetlosti, koja prolazi kroz desni kristal debeline 1 mm. O_A je polarizaciona ravan bele svetlosti. Obrtanjem analizatora za određeni ugao gasi se odgovarajuća boja i polje je obojeno komplementarnom bojom. Ova se pojava naziva *rotaciona disperzija*. Zavisnost ugla obrtanja od tafasne dužine svetlosti slična je onoj za indeks prelamanja svetlosti. Ako se ugao obrtanja ravnih polarizacija po jedinici dužine koju svetlost prolazi kroz kristal označi kao *specifična moć rotacije* i obeleži sa $[\alpha]$, tada je:

$$[\alpha] = M + \frac{N}{\lambda^2} \quad (29.40)$$

gde su M i N konstante (date u tablicama).

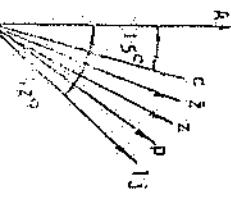
Ugao obrtanja ravnih polarizacija monohromatske svetlosti je sružen u dužini puta kroz optički aktivno telo. U čvrstim telima, na primer, ugao obrtanja je direktno sružen u dužini d puta svetlosti:

$$\varphi = [\alpha] d \quad (29.41)$$

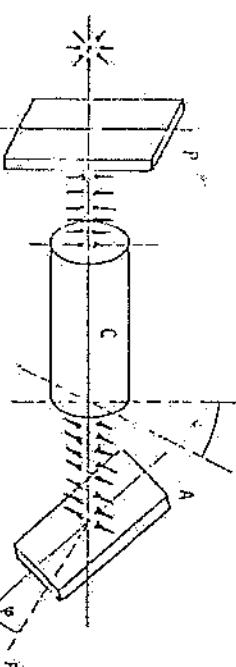
Specifična moć rotacije $[\alpha]$ zavisi od prirode supstance, temperature i tafasne dužine svetlosti. Za rastvore optički aktivnih supstanci važi relacija:

$$\varphi = [\alpha] cd \quad (29.42)$$

gde je c koncentracija optički aktivne supstance u rastvoru.



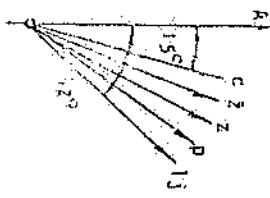
Sl. 29.27



Sl. 29.28

Merjenje ugla obrtanja φ ima značajnu praktičnu primenu. Na ovaj se način određuje koncentracija aktivne supstance u rastvoru. Uredaj za merenje se naziva *polarimeter*. Uredaj teža je skala kalibrirana da direktno može da meri koncentraciju, na primer, rastvora šećera, nazivaju se *saharimetri*.

Ugao obrtanja φ se može meriti postupkom datum na sl. 29.28. Linearno polarizovan monohromatski zrak iz polarizatora P ima ravan oscilovanja u ravni crteža. Zrak prolazi kroz optički aktivnu supstancu C , kada se ravan obrne za ugao φ i dalje prolazi kroz analizator A . Telo C se najpre ukloni, a analizator postavi u pravac P (ukušeni položaj), kada je vidno polje tamno. Telo C se umetne. Usled obrtanja ravnih analizator propušta svetlost. Da bi se svetlost ponovo ugasila, analizator se obrne za ugao φ , odnosno zauzima položaj P_1 .



Sl. 29.29